

Devoirs facteur echelle

10:37 PM

Devoirs facteur d'échelle

Nom _____ Per _____

Le facteur d'échelle est le rapport entre les dimensions d'un objet sur un dessin/diagramme/modèle et les dimensions réelles de l'objet.

$$\text{facteur d'echelle} = \frac{\text{dimensions dessin}}{\text{dimensions réelles}}$$

Attention : les dimensions doivent avoir la même unité de mesure.

Réduction	Vraie grandeur	Agrandissement
		
Facteur d'échelle 1 : 2	Facteur d'échelle 1 : 1	Facteur d'échelle 2 : 1

1. Effectue les conversions suivantes :

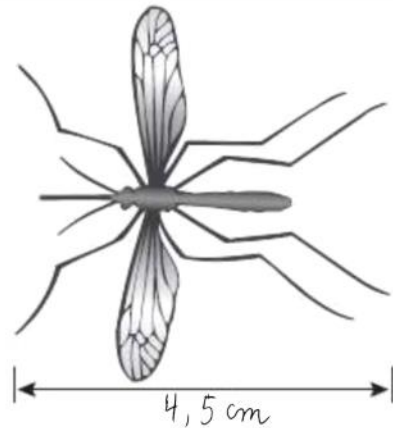
1km = 1000 m	850cm = 8,5 m	15,2m = 1520 cm	22mm = 2,2 cm
1m = 100 cm	50cm = 500 mm	31,5m = 0,0315 km	3675cm = 0,03675 km
1cm = 10 mm	3,7cm = 37 mm	0.9m = 90 cm	87200mm = 0,0872 km

2. Remplis le tableau suivant :

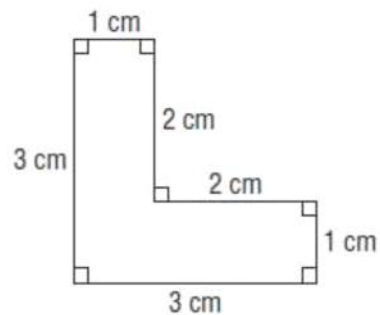
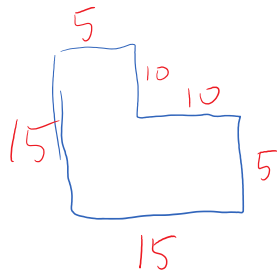
Dimensions dans le diagramme/modèle	Dimensions réelles	Facteur d'échelle	Agrandissement ou réduction ?
3,5m = 350 cm	2cm	$\frac{350}{2} = 175$ (175:1)	A
8cm	(réponse en mètres) 4 m	1 : 50 $\frac{8}{x} = \frac{1}{50} \Rightarrow x = 400 \text{ cm}$	R
(réponse en mètres) 6300 m 6,3 m	18mm	350 (ce qui est la même chose que 350 : 1) $\frac{350}{1} = \frac{x}{18}$	A
(réponse en mm) 0,009 m = 9 mm	270m	1 : 30000 $\frac{1}{30000} = \frac{x}{270}$	R
12cm	(réponse en km) 0,24 km	1 : 2000 $\frac{1}{2000} = \frac{12}{x}$ 24000 cm	R
15mm	750m	$\frac{15}{750000} = 1 : 50000$	R

3. Ce diagramme du moustique qui transmet le virus du Nil occidental a une longueur de 4,5 cm. La longueur réelle du moustique est de 12 mm. Quel est le facteur d'échelle du diagramme ?

$$\frac{4,5}{1,2} = \frac{45 \cdot 10^{-3}}{12 \cdot 10^{-3}} = \frac{15}{4} = 3,75$$



4. Quels seront-elles les dimensions de ce polygone si on le dessine avec un facteur d'échelle de 5 : 1 ?



5. La distance réelle entre Paris et Nice est de 690 km. Quelle serait-elle cette distance sur une carte qu'on dessine avec un facteur d'échelle de 1 : 3 000 000 ?

$$\frac{1}{3\,000\,000} = \frac{x}{690\text{ km}}$$

$$\frac{690\,000\,000\text{ cm}}{3\,000\,000} = 23\text{ cm}$$

6. Les dimensions d'un terrain de volleyball sont 18 m de longueur et 9 m de largeur. Quelles seront-elles les dimensions si on dessine un diagramme avec un facteur d'échelle de $\frac{1}{200}$?

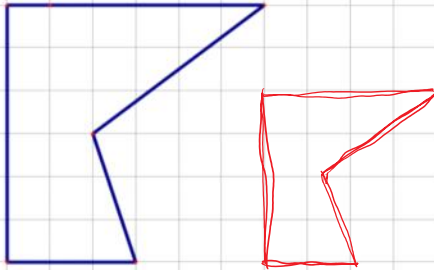
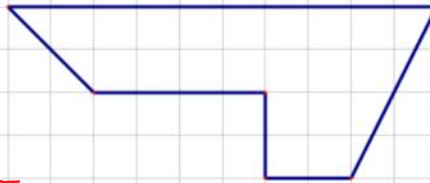
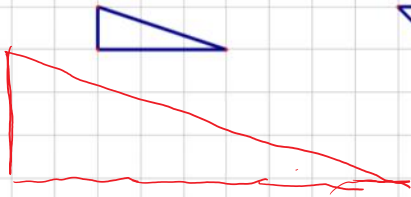
$$\frac{L}{18} = \frac{1}{200} \Rightarrow L = \frac{1800\text{ cm}}{200}$$

$$\frac{l}{9} = \frac{1}{200} \Rightarrow l = 4,5\text{ cm}$$

7. Dessine chacune des diagrammes suivants avec le facteur d'échelle indiquée :

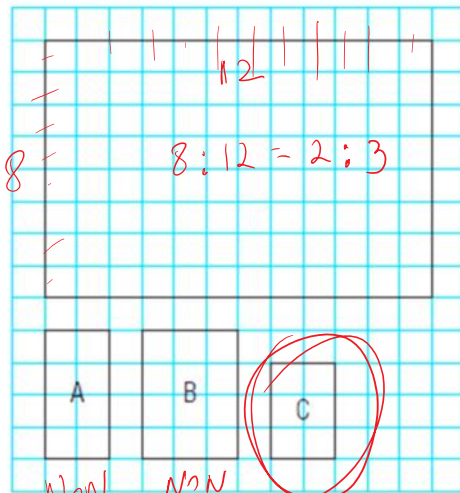
f. echelle=3

f. echelle= 1:2



f. echelle= 2:3

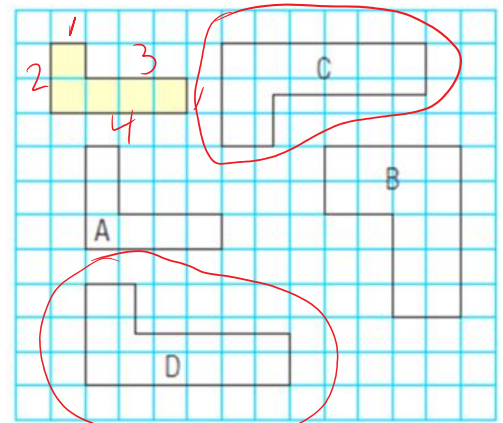
8. Lesquels des rectangles A, B, C sont des images à l'échelle du rectangle ci-dessous :



NON NON

f. echelle = 1:4

9. Lesquels des polygones A, B, C, D sont images à l'échelle du polygone ombré ?



f. echelle = 1,5 = 3/2

10. Dans le plan cartésien ci-dessous dessine le triangle ΔOAB , avec le sommet O dans l'origine, $A(0,6)$ et $B(4,0)$.
- Trace un qui est l'image à l'échelle de ΔOAB , avec un facteur d'échelle de $1 : 2$, et dont un sommet est situé en $M(10, -2)$
 - Trace un qui est l'image à l'échelle de ΔOAB , avec un facteur d'échelle de 3 , et dont un sommet est situé en $N(-5, 0)$
 - Combien de possibilités y a-t-il pour faire ces dessins ?

